平成 30 年度 10 月期入学 / 平成 31 年度 4 月期入学 京都大学 大学院情報学研究科 修士課程 知能情報学専攻 入学者選抜試験問題 (専門科目)

平成30年8月6日9:00~12:00

【注意】

- 1. 問題冊子はこの表紙を含めて33枚ある.
- 2. 試験開始の合図があるまで中を見てはいけない.
- 3. 試験開始後、枚数を確認し、落丁または印刷の不鮮明なものがあれば直ちに申し出ること。
- 4. 問題は下記14題であり、日本語と英語の両方で出題されている。このうちいずれか4題を選択し、解答しなさい。

生命情報学(問題番号:B-1~B-2) 1-4ページ 心理学,認知神経科学(問題番号:P-1~P-4) 5-12ページ 計算機科学,電気電子工学(問題番号:T-1~T-5) 13-24ページ 基礎数学(問題番号:M-1~M-3) 25-32ページ

- 5. 特に指定のない限り、日本語または英語で解答すること.
- 6. 解答用紙に記載されている注意事項についても留意すること.

The Japanese version of this document is the prevailing and authoritative version; the English translation below is provided for reference only

October 2018 Admissions / April 2019 Admissions Entrance Examination for Master's Program Department of Intelligence Science and Technology Graduate School of Informatics, Kyoto University (Specialized Subjects)

> August 6, 2018 9:00 - 12:00

NOTES

- 1. This is the Question Booklet in 33 pages including this front cover.
- 2. Do not open the booklet until you are instructed to start.
- 3. After the exam has started, check the number of pages and notify proctors (professors) immediately if you find missing pages or unclear printings.
- 4. There are 14 questions, written in Japanese and English. The questions are classified as listed below. **Choose and answer 4 questions.**

Bioinformatics (Question Numbers B-1 to B-2)
Pages 1 to 4
Psychology and Cognitive Neuroscience (Question Numbers P-1 to P-4)
Pages 5 to 12
Computer Science and Electrical and Electronic Engineering (Question Numbers T-1 to T-5)
Pages 13 to 24
Pages 25 to 32

- 5. Write your answer in Japanese or English, unless otherwise specified.
- 6. Read carefully the notes on the Answer Sheets as well.

設問 生命情報学に関する以下の語句から8つを選んで、それぞれ4行以上10行以内で 説明せよ。図を用いても良い。

- 1. パラログ
- 2. Smith-Waterman アルゴリズム
- 3. コドン
- 4. 糖鎖付加
- 5. 遺伝子機能グループ解析
- 6. タンパク質ドメイン
- 7. RNAseq
- 8. メタボローム解析
- 9. De novo タンパク質構造予測
- 10. shRNA (short hairpin RNA)

Master's Specialized Program Subjects

[Bioinformatics]

Question B-1

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Q. Choose 8 terms from the following 10 terms related to bioinformatics, and explain each of them in 4-10 lines. Figures can be used, if necessary.

- 1. Paralog
- 2. Smith-Waterman algorithm
- 3. Codon
- 4. Glycosylation
- 5. Gene Set Enrichment Analysis: GSEA
- 6. Protein domains
- 7. RNAseq
- 8. Metabolomic analysis
- 9. De novo protein structure prediction
- 10. shRNA (short hairpin RNA)

修士課程 専門科目 【生命情報学】

問題番号 B-2

DNA 配列のパターンを表現するために、長さ 0 以上の任意の DNA 配列とマッチする文字 '*' と A, C, G, T の合計で 5 種類の文字からなるパターン文字列を考える.ここで、F(s,n) をパターン文字列 s とマッチする長さ n の DNA 配列すべての集合とする.例えば.

 $F(A*CGT, 5) = \{AACGT, ACCGT, AGCGT, ATCGT\}$ $F(A*G*, 3) = \{AAG, ACG, AGG, ATG, AGA, AGC, AGT\}$ $F(A*, 2) \cap F(*T, 2) = \{AT\}$

が成立し,|F(A*CGT,5)|=4,|F(A*G*,3)|=7, $|F(A*,2)\cap F(*T,2)|=1$ となる.ただし, $S\cap R$ は集合 S と R の積集合(交わり)を表し,|S| は集合 S の要素数を表す.以下の設問に答えよ.なお,設問 3,4,5 のいずれにおいても n は 3 以上の整数とし,漸化式を解答の式とはしないものとする.

設問1 F(A*T*C,4) の要素をすべて列挙せよ.

設問 2 $F(A*T,4) \cap F(*C*,4) \cap F(*G*,4)$ の要素をすべて列挙せよ.

設問 3 $|F(A*T,n) \cap F(*C*,n)|$ を与える n に関する式を理由とともに示し、かつ、n=5 の時の値を求めよ.

設問 4 $|F(*A*,n) \cap F(*T*,n)|$ を与える n に関する式を理由とともに示し、かつ、n=5 の時の値を求めよ.

設問 5 |F(*A*C*,n)| を与える n に関する式を理由とともに示し、かつ、n=5 の時の値を求めよ.

Master's Specialized Program Subjects

[Bioinformatics]

Question Number B-2

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

In order to represent patterns in DNA sequences, we consider *pattern strings* over an alphabet $\{A,C,G,T,^*\}$, where '*' is a special letter that matches any string over $\{A,C,G,T\}$ including the empty string. Let F(s,n) be the set of DNA sequences of length n that match a pattern string s. For example, the following equalities hold:

$$F(A*CGT, 5) = \{AACGT, ACCGT, AGCGT, ATCGT\},$$

 $F(A*G*, 3) = \{AAG, ACG, AGG, ATG, AGA, AGC, AGT\},$
 $F(A*, 2) \cap F(*T, 2) = \{AT\},$

and thus we have |F(A*CGT, 5)| = 4, |F(A*G*, 3)| = 7, and $|F(A*, 2) \cap F(*T, 2)| = 1$, where $S \cap R$ denotes the intersection of sets S and R, and |S| denotes the number of elements in a set S. Answer the following questions. Note that in each of Q.3, Q.4, and Q.5, n is an integer no less than 3, and that a mathematical formula must not be given as a recurrence relation.

- Q.1 List all elements of F(A*T*C, 4).
- Q.2 List all elements of $F(A*T, 4) \cap F(*C*, 4) \cap F(*G*, 4)$.
- Q.3 Describe a mathematical formula on n that gives $|F(A*T, n) \cap F(*C*, n)|$, explain its derivation, and compute its value for n = 5.
- Q.4 Describe a mathematical formula on n that gives $|F(*A*, n) \cap F(*T*, n)|$, explain its derivation, and compute its value for n = 5.
- Q.5 Describe a mathematical formula on n that gives |F(*A*C*, n)|, explain its derivation, and compute its value for n = 5.

設問 脳情報処理に関連する以下の用語について簡潔に説明せよ。数式や図を用いてもよい。

- (1) 複雜型細胞 (Complex cell)
- (2) スパイクトリガー平均 (Spike-triggered averaging)
- (3) ポピュレーション・ベクター (Population vector)
- (4) TD 学習 (TD learning; Temporal difference learning)
- (5) デルタ・ルール (Delta rule)

Master's Program Specialized Subjects

[Psychology and Cognitive Neuroscience]

Question Number P-1

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

- Q. Give a concise explanation of each of the following terms regarding neural information processing. Mathematical expressions and/or figures can be used.
- (1) Complex cell
- (2) Spike-triggered averaging
- (3) Population vector
- (4) TD learning / Temporal difference learning
- (5) Delta rule

Figure 1 は、ある心理物理実験における1試行の刺激提示スケジュールを示している。まず、画面上に3つの正方形が提示される。手がかり(cue)画面では、そのうちの左右どちらかの正方形の輝度が上昇した。その後、50、150、550、1000 msec のいずれかの時間間隔(interval)ののち、左右のどちらかの正方形中に標的刺激(target)が提示される。実験参加者の課題は、視線を中央の正方形に固定したままで、標的刺激を検出したら素早くキーを押すことであった。キー押しまでの反応時間(reaction time)が計測された。

Figure 2 は、右半球の頭頂葉を損傷したある患者(右利き)の結果である。手がかり位置(左右)と標的位置(左右)の組み合わせに分けて反応時間がプロットされている。横軸は、手がかりと標的刺激の間の時間間隔である。

設問1 右半球の側頭-頭頂領域を含む部位を損傷することで、典型的に生じる注意障害について説明せよ。

設問2 Figure 2中のRight-Right とLeft-Rightの結果を注意の働きの観点から説明せよ。

設問3 この結果からわかる,注意のコントロールにおける右側頭-頭頂領域の機能について考察せよ。

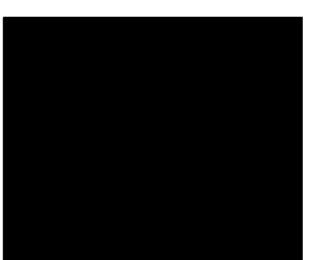


Figure 1. Time sequence of stimulus presentation.

Figures 1 and 2. Modified from Posner, Cohen, & Rafal (1982). *Philosophical Transactions of the Royal Society B: Biological Sciences*, 298, 187–198.

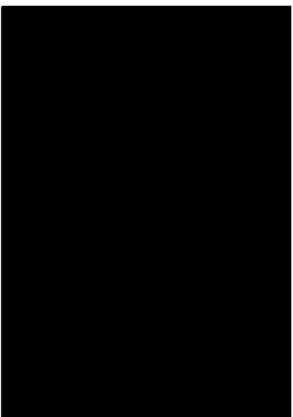


Figure 2. A result of the experiment.

[Psychology and Cognitive Neuroscience]

Question Number

P-2

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Figure 1 shows the time sequence of a trial in a psychophysical experiment. Three squares were presented on a display, followed by a cue stimulus, in which the luminance of the left or right square increased. After 50, 150, 550 or 1000 msec of interval, a target was presented in the left or right square. The task of participants was to press a key when they detect a target, while fixating their eyes on the central square. The reaction time to key press was measured.

Figure 2 shows a result of a right-handed patient with a right parietal lesion. Reaction times are plotted as a function of time interval between a cue and a target, separately for the cue and target positions.

- Q.1 Explain attentional deficits that are typically observed after brain lesions including the right temporo-parietal region.
- Q.2 Explain the results of the Right-Right and Left-Right conditions in Figure 2, in terms of attentional functions.
- Q.3 Discuss the function of the right temporo-parietal region in attentional control.



Figure 1. Time sequence of stimulus presentation.

Figures 1 and 2. Modified from Posner, Cohen, & Rafal (1982). *Philosophical Transactions of the Royal Society B: Biological Sciences*, 298, 187–198.

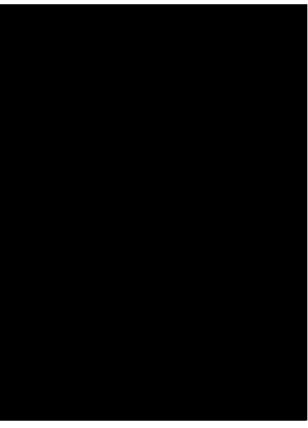


Figure 2. A result of the experiment.

ある実験で、Figure 1 のような 2 つの単語が重ね書きされた刺激を 2 セット続けて提示した。ここでは、前者を第 1 刺激(Stimulus 1)、後者を第 2 刺激(Stimulus 2)と呼ぶ。実験参加者には、それぞれの刺激中の赤色(本紙面上では黒色)の単語の呼称を求めた。この実験では、Figure 1 にあるような 3 種類の条件(A, B, and C)が設けられていた。従属変数は第 2 刺激の単語呼称反応時間(Reaction time)と誤答率(% Errors)であった。

設問1 この実験のように、先行する刺激が後続の刺激の認知処理に影響を与える効果を何と呼ぶか。

設問 2 このような実験を行ったところ Table 1 のような結果を得た。Table 1 の Condition の (1), (2), (3) は,それぞれ Figure 1 の Condition A,B,C のいずれに該当するか答えよ。

設問3 Table 1の結果を認知メカニズムの観点から説明せよ。

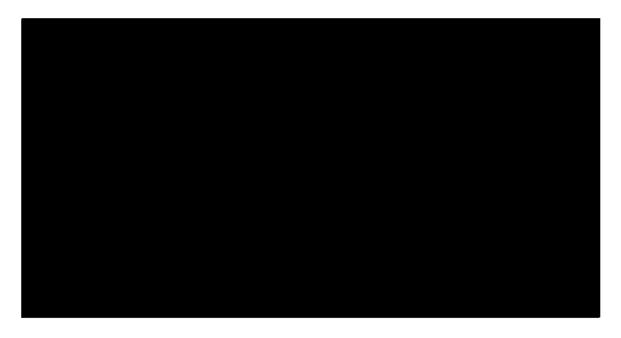


Table 1. Results of the experiment.



Figure 1 and Table 1. Modified from Tipper & Driver (1988). *Memory & Cognition, 16*, 64-70.

Master's Specialized Program Subjects

[Psychology and Cognitive Neuroscience]

Question Number

P-3

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Two sets of stimuli (Stimulus 1 and Stimulus 2) were successively presented in an experimental trial (Figure 1). Each stimulus consisted of two overlapping words. Participants were asked to read aloud the red word (printed in black in Figure 1) in each stimulus. There were three conditions (A, B, and C) as shown in Figure 1. Dependent variables were vocal reaction times to Stimulus 2 and their error rates.

- Q.1 As this experiment shows, preceding stimuli can affect the cognitive processing of subsequent stimuli. Provide the name of this effect.
- Q.2 The results are shown in Table 1. Give the correspondence between Condition 1, 2, and 3 in Table 1 and Condition A, B, and C in Figure 1.
- Q.3 Explain the results in Table 1 in terms of cognitive mechanism.





Figure 1 and Table 1. Modified from Tipper & Driver (1988). *Memory & Cognition*, 16, 64-70.

下記の設問に答えよ. 必要であれば図を用いてもよい.

設問1 ヒトの水平方向および垂直方向の音源定位のメカニズムについて、以下の語を全て 用いて説明せよ.

- (1) 外耳形状
- (2) 到達時間
- (3) 音圧

設問2 音がまとまり、他の音源から分離して知覚される現象を何というか、また、音のま とまりを誘発する手がかりを3つ述べよ.

設問3 視覚情報のまとまりの説明については、ゲシュタルトの群化原理が知られている. ゲシュタルトの群化原理を5つ挙げるとともに、それぞれの原理について説明せよ.

Master's Specialized Program Subjects

[Psychology and Cognitive Neuroscience]

Question Number P-

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Answer the following questions. You may use figures if necessary.

- Q.1 Describe the mechanisms of sound localization in humans for the horizontal and vertical directions by using all of the following terms.
 - (1) External ear shape
 - (2) Arrival time
 - (3) Sound pressure
- Q.2 Answer the name of the phenomenon of perceiving sounds as a chunk while discriminating the sounds from others. Explain three cues that induce the chunking of sounds.
- Q.3 In vision, perceptual grouping is often explained by the Gestalt principles. Explain five Gestalt principles for visual grouping.

通信路行列

$$U = \begin{bmatrix} 1 - q & q \\ q & 1 - q \end{bmatrix}, V = \begin{bmatrix} 1 - q & q \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

で規定される記憶のない 2 元定常通信路U,Vが与えられたとする。ただし,入力アルファベット,出力アルファベットとも, $\{A,B\}$ (第 1 番目の記号をA,第 2 番目の記号をBとする)とし, $0 \le q < \frac{1}{2}$ とする.

設問1受信された系列を復号するための最尤復号法がどのようなものか、一般的な説明を示しなさい.

設問 2 長さ3の入力系列 $x_1x_2x_3$ ($x_i \in \{A, B\}, 1 \le i \le 3$)の伝送にあたって、AAAとBBBだけを符号語として選んだとき、通信路Uからの出力系列

$$y_1 y_2 y_3 \ (y_i \in \{A, B\}, 1 \le i \le 3)$$

と通信路Vからの出力系列

$$z_1 z_2 z_3$$
 ($z_i \in \{A, B\}, 1 \le i \le 3$)

の最尤復号法による復号のしかたを、それぞれ具体的に示しなさい.

設問3 設問2において、AAAの出現確率をpとしたとき、通信路UとVに対する最尤復号法による復号誤りの確率をそれぞれ求めなさい。

設問 4 通信路Uにおいて、長さ3の入力系列 $x_1x_2x_3$ $(x_i \in \{A,B\}, 1 \le i \le 3)$ の伝送にあたって、AAAとBBBだけを符号語として選んだとき、最尤復号法による復号誤り率を P_e とすれば、

$$P_e \le (q^{1-s}(1-q)^s + q^s(1-q)^{1-s})^3$$

であることを示しなさい。ヒント:任意の $0 \le x \le y \le 1$ と0 < s < 1に対して、 $x \le x^{1-s}y^s$ となることを利用してよい。

設問 5 通信路Uにおいて、長さNの入力系列 $x_1\cdots x_N$ $(x_i\in \{A,B\},1\leq i\leq N)$ の伝送にあたって、 A^N と B^N だけを符号語として選んだとき、最尤復号法による復号誤り率を P_{eN} とすれば、

$$P_{e,N} \le \left(2\sqrt{q(1-q)}\right)^N$$

であることを示しなさい.ここで, A^N と B^N は,それぞれ入力アルファベットA,出力アルファベットBの N個の連続した並びである.

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Consider a couple of memoryless binary communication channels, characterized by channel matrices:

$$U = \begin{bmatrix} 1-q & q \\ q & 1-q \end{bmatrix}, V = \begin{bmatrix} 1-q & q \\ 0 & 1 \end{bmatrix},$$

where the output alphabet is the same as the input alphabet $\{A,B\}$ (let the first letter be A, and the second be B), and $0 \le q < \frac{1}{2}$.

Q.1 Explain, in general, how the maximum-likelihood decoding works to estimate a code word for the output from a channel.

Q.2 Consider that only AAA and BBB are chosen as code words in transmitting $x_1x_2x_3$ ($x_i \in \{A, B\}, 1 \le i \le 3$) of length 3. Show how the maximum-likelihood decoding works to decode outputs

$$y_1 y_2 y_3 (y_i \in \{A, B\}, 1 \le i \le 3)$$

from U and outputs

$$z_1 z_2 z_3 \ (z_i \in \{A, B\}, 1 \le i \le 3)$$

from V.

Q.3 Let p be the probability of AAA's occurrence in the input in Q.2. Calculate the probabilities of decoding errors in the maximum-likelihood decoding to decode outputs from U and V.

Q.4 Demonstrate that the error probability P_e in decoding outputs using the maximum-likelihood decoding to decode outputs from U is

$$P_e \le (q^{1-s}(1-q)^s + q^s(1-q)^{1-s})^3,$$

provided that only AAA and BBB are employed as code words in transmitting $x_1x_2x_3$ ($x_i \in \{A, B\}, 1 \le i \le 3$) of length 3. You may use the property that $x \le x^{1-s}y^s$ for $0 \le x \le y \le 1$ and 0 < s < 1.

Q.5 Demonstrate that the error probability $P_{e,N}$ in decoding outputs using the maximum-likelihood decoding to decode outputs from U is

$$P_{e,N} \le \left(2\sqrt{q(1-q)}\right)^N,$$

provided that only A^N and B^N are employed as code words in transmitting $x_1 \cdots x_N$ ($x_i \in \{A, B\}, 1 \le i \le N$) of length N. Notation: A^N and B^N stand for consecutive sequences of letters A and B of length N, respectively.

修士課程 専門科目 【計算機科学、電気電子工学】

問題番号 T-2

連続時間信号 x(t) のフーリエスペクトル $X(\omega)$ は, $X(\omega)=\mathcal{F}[x(t)]=\int_{-\infty}^{\infty}x(t)e^{-j\omega t}dt$ で 与えられる.ここで j は虚数単位, $\mathcal{F}[]$ はフーリエ変換を表し,フーリエ逆変換を $\mathcal{F}^{-1}[X(\omega)]=\frac{1}{2\pi}\int_{-\infty}^{\infty}X(\omega)e^{j\omega t}dt$ とする.

設問 1 フーリエスペクトルが $P_{\Omega}(\omega)$ となる連続時間信号 $\mathcal{F}^{-1}[P_{\Omega}(\omega)]$ を求めよ。なお、 $P_{\Omega}(\omega)$ は幅 2Ω の矩形関数であり、以下の式で与えられる。

$$P_{\Omega}(\omega) = \begin{cases} 1 & |\omega| < \Omega \\ 0 & |\omega| \ge \Omega \end{cases}$$

設問 2 $\delta_T(t)$ を周期 T のくし型関数 $\delta_T(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t-nT)$ とする.

$$\mathcal{F}[\delta_T(t)] = \frac{2\pi}{T} \delta_{\frac{2\pi}{T}}(\omega)$$

を示せ、ここで、 $\delta(t)$ は、

$$\delta(t) = \begin{cases} \infty & t = 0\\ 0 & t \neq 0 \end{cases}$$

および

$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t)dt = 1$$

を満たす関数である。なお、任意の実数 ω_0 に対し、 $\mathcal{F}[e^{j\omega_0t}]=\int_{-\infty}^\infty e^{j\omega_0t}e^{-j\omega t}dt=2\pi\delta(\omega-\omega_0)$ となることを用いても良い。

設問 3 連続時間信号 x(t) を標本間隔 T でサンプリングした信号を $x_s(t)=x(t)\delta_T(t)$ とする. $\mathcal{F}[x_s(t)]$ を $X(\omega)$ と T を用いて表せ.

Master's Program Specialized

[Computer Science and Electrical and Electronic Engineering]

Question Number T

Program Subjects Electrical and Electronic Engineering Number

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

The Fourier spectrum of a continuous-time signal x(t) is given by $X(\omega)=\mathcal{F}[x(t)]=\int_{-\infty}^{\infty}x(t)e^{-j\omega t}dt$, where j denotes the imaginary unit and $\mathcal{F}[]$ denotes Fourier transform. Let $\mathcal{F}^{-1}[X(\omega)]=\frac{1}{2\pi}\int_{-\infty}^{\infty}X(\omega)e^{j\omega t}dt$ be inverse Fourier transform.

Q.1 Find the continuous-time signal $\mathcal{F}^{-1}[P_{\Omega}(\omega)]$ corresponding to the Fourier spectrum $P_{\Omega}(\omega)$, where $P_{\Omega}(\omega)$ denotes a rectangular function of width 2Ω and is given by

$$P_{\Omega}(\omega) = \begin{cases} 1 & |\omega| < \Omega, \\ 0 & |\omega| \ge \Omega. \end{cases}$$

Q.2 Let $\delta_T(t)$ be a comb function whose time period is T, $\delta_T(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t-nT)$. Show that

$$\mathcal{F}[\delta_T(t)] = \frac{2\pi}{T} \delta_{\frac{2\pi}{T}}(\omega),$$

where $\delta(t)$ is a function that satisfies

$$\delta(t) = \begin{cases} \infty & t = 0, \\ 0 & t \neq 0, \end{cases}$$

and

$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t)dt = 1.$$

You may use $\mathcal{F}[e^{j\omega_0 t}] = \int_{-\infty}^{\infty} e^{j\omega_0 t} e^{-j\omega t} dt = 2\pi \delta(\omega - \omega_0)$ for any real number ω_0 .

Q.3 Let $x_s(t) = x(t)\delta_T(t)$ be a continuous-time signal sampled from x(t) with a sampling period T. Describe $\mathcal{F}[x_s(t)]$ with $X(\omega)$ and T.

予測問題を考える. d 次元の入力ベクトルを $x=[x^{(1)},x^{(2)},\ldots,x^{(d)}]^{\top}\in\mathbb{R}^{d}$ (\top は転置), それに対応する出力を $y\in\mathbb{R}$ とする. 入力と出力が対になった学習データを $\{(x_{i},y_{i})\}_{i=1}^{n}$ とし、それぞれの $(x_{i},y_{i}),(i=1,2,\ldots,n)$ は独立に同一分布に従う. なお、データ行列 $X=[x_{1},x_{2},\ldots,x_{n}]\in\mathbb{R}^{d\times n}$ のランクを d とする.

線形モデル

$$f(\boldsymbol{x};\boldsymbol{w}) = \boldsymbol{w}^{\top} \boldsymbol{x}$$

を考え, $\mathbf{w} = [w^{(1)}, w^{(2)}, \dots, w^{(d)}]^{\mathsf{T}} \in \mathbb{R}^d$ をモデルパラメータとする.

設問 1 以下の式を満たす \hat{w} を学習データを用いて導け.

$$\widehat{\boldsymbol{w}} = \operatorname*{argmin}_{\boldsymbol{w} \in \mathbb{R}^d} \ \ \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (y_i - f(\boldsymbol{x}_i; \boldsymbol{w}))^2$$

設問 2 出力 y_i と入力 x_i に次の関係があるとする.

$$y_i = f(x_i; w) + \epsilon_i, \quad \epsilon_i \sim N(0, \sigma^2)$$

ここで $N(\mu, \sigma^2)$ は平均 μ , 分散 σ^2 の 1 次元の正規分布である. w の尤度関数を定義した上で、その最尤推定量を求めよ.

設問3 以下の式を満たす \hat{w} を学習データを用いて導け.

$$\widehat{\boldsymbol{w}} = \underset{\boldsymbol{w} \in \mathbb{R}^d}{\operatorname{argmin}} \quad \left(\frac{1}{2} \sum_{i=1}^n r_i (y_i - f(\boldsymbol{x}_i; \boldsymbol{w}))^2 + \frac{\lambda}{2} \|\boldsymbol{w}\|^2 \right)$$

なお, $r_i > 0$, (i = 1, 2, ..., n) および $\lambda > 0$ は定数とし, $\|\cdot\|$ はユークリッドノルムとする.

設問 4 予測モデルの出力を $y \in \{0,1\}$ とし, y = 1 の事後確率の確率モデルを

$$p(y = 1|x; w) = \frac{1}{1 + \exp(-f(x; w))}$$

とする. y = 0 の事後確率の確率モデルをxとw を用いて表せ.

設問 5 学習データの出力を $y_i \in \{0,1\}, (i=1,2,\ldots,n)$ とする. 設問 4 の確率モデルにおいて, 対数尤度関数 L(w) の w に関する勾配が次で表せることを示せ.

$$\frac{\partial L(\boldsymbol{w})}{\partial \boldsymbol{w}} = \sum_{i=1}^{n} (y_i - p(y=1|\boldsymbol{x}_i; \boldsymbol{w})) \boldsymbol{x}_i$$

Master's Program Specialized Subjects

[Computer Science and Electrical and Electronic Engineering]

Question Number

T-3

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

We consider prediction problems. Let $x = [x^{(1)}, x^{(2)}, \dots, x^{(d)}]^{\top} \in \mathbb{R}^d$ be a d-dimensional input vector (\top denotes matrix transpose) and $y \in \mathbb{R}$ be the corresponding output. We have paired training data $\{(x_i, y_i)\}_{i=1}^n$, where $(x_i, y_i), (i = 1, 2, \dots, n)$ are independently and identically distributed (i.i.d.). The rank of the data matrix $X = [x_1, x_2, \dots, x_n] \in \mathbb{R}^{d \times n}$ is d.

We employ a linear model:

$$f(x; w) = w^{\top} x,$$

where $w = [w^{(1)}, w^{(2)}, \dots, w^{(d)}]^{\top} \in \mathbb{R}^d$ is a model parameter.

Q.1 Derive \hat{w} that satisfies the following equation using paired training data.

$$\widehat{w} = \underset{\boldsymbol{w} \in \mathbb{R}^d}{\operatorname{argmin}} \quad \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (y_i - f(\boldsymbol{x}_i; \boldsymbol{w}))^2.$$

Q.2 Suppose that y_i and x_i have the following relationship:

$$y_i = f(\mathbf{x}_i; \mathbf{w}) + \epsilon_i, \quad \epsilon_i \sim N(0, \sigma^2),$$

where $N(\mu, \sigma^2)$ is a one-dimensional normal distribution with mean μ and variance σ^2 . Derive the likelihood function of w and obtain the maximum likelihood solution.

Q.3 Derive \hat{w} that satisfies the following equation using paired training data.

$$\widehat{\boldsymbol{w}} = \underset{\boldsymbol{w} \in \mathbb{R}^d}{\operatorname{argmin}} \quad \left(\frac{1}{2} \sum_{i=1}^n r_i (y_i - f(\boldsymbol{x}_i; \boldsymbol{w}))^2 + \frac{\lambda}{2} \|\boldsymbol{w}\|^2 \right),$$

where $r_i>0, (i=1,2,\ldots,n)$ and $\lambda>0$ are constants, and $\|\cdot\|$ is the Euclidean norm.

Q.4 Assume the output of a prediction model as $y \in \{0, 1\}$ and the probabilistic model of the posterior probability of y = 1 as

$$p(y = 1|x; w) = \frac{1}{1 + \exp(-f(x; w))}.$$

Derive the probabilistic model of the posterior probability of y = 0 using x and w.

Q.5 Assume the output of paired training data as $y_i \in \{0, 1\}, (i = 1, 2, ..., n)$. For the probabilistic model in Q.4, show that the gradient of the log likelihood function L(w) with respect to w is given as

$$\frac{\partial L(\boldsymbol{w})}{\partial \boldsymbol{w}} = \sum_{i=1}^{n} (y_i - p(y=1|\boldsymbol{x}_i; \boldsymbol{w})) \boldsymbol{x}_i.$$

設問1以下の問いに答えよ.

- (1) 定義域を自然数全体,値域を実数全体とする関数 f(n), g(n)において, $n\to\infty$ のとき |g(n)/f(n)| が 0 に収束するとき,f(n)は g(n)よりも漸近的な増加の勢いが大きいという.以下の関数①~⑥を,漸近的な増加の勢いが大きい順に並べよ.ただし,対数の底は 2 とする.
 - (1) $n! 100 n^{100}$
 - ② $n^{\log n}$

修士課程

- ③ $\log n + (100/2^n)$
- $4) 100 \sin^2 n$
- ⑤ $n^{100} / \log n$
- \bigcirc (n/100)-100
- (2) どんなに大きい次数を持つ多項式関数よりも漸近的な増加の勢いが大きい関数を上記①~⑥の中から全て選び出せ、また、その理由を付すこと.
- (3) どんな定数 c>0 に対する指数関数 2^{cn} よりも漸近的な増加の勢いが大きい関数を上記①~⑥の中から全て選び出せ、また、その理由を付すこと、

(次のページに続く)

Input integers a, b b = 0? $r \leftarrow a$ $r \leftarrow a$ $r \leftarrow r - b$

設問2 下記のフローチャートが表す手続きに関して、問いに答えよ.

- (1) a=4, b=15 を入力として与えたときに得られる出力を答えよ.
- (2) この手続きは、正整数の組を入力したときに何を計算するものであるか、入力と出力との間の算術的な関係を述べよ.

 $a \leftarrow b$ $b \leftarrow r$

Output a

End

- (3) この手続きに対して、どんな正整数の組を入力しても必ず有限ステップで終了するか否かを答えよ、また、その理由を付すこと.
- (4) 入力の少なくとも一方が 0 または負の整数であった場合, どんな動作が起こるかを 説明せよ.

Master's Program

Specialized Subjects

[Computer Science and Electrical and Electronic Engineering]

Question Number T-4

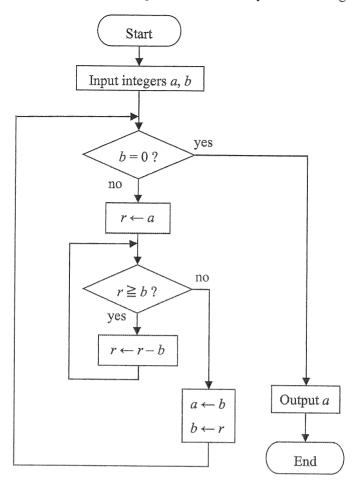
Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

- Q.1 Answer the following questions.
- (1) For two functions f(n) and g(n) whose domains and ranges are the set of natural numbers and the set of real numbers, respectively, we say f(n) grows asymptotically faster than g(n) if and only if |g(n)/f(n)| converges to 0 as $n\to\infty$. Sort the following functions ①, ..., ⑥ from the fastest to the slowest in terms of asymptotical growth. Note that the base of the logarithm is 2.
 - ① $n! 100 n^{100}$
 - ② $n^{\log n}$

 - $4 100 \sin^2 n$
 - ⑤ $n^{100} / \log n$
 - \bigcirc (n/100)-100
- (2) List all the functions in the above ①, ..., ⑥ that grow asymptotically faster than any polynomial function of any large degree, and explain why.
- (3) List all the functions in the above \bigcirc , ..., \bigcirc that grow asymptotically faster than the exponential function 2^{cn} for any constant c > 0, and explain why.

(continued on the next page)

Q.2 Answer the questions on the procedure shown by the following flowchart.



- (1) Answer the output of this procedure for the input a = 4, b = 15.
- (2) What is calculated by this procedure if a pair of positive integers a and b is input? Answer the arithmetic relation between the input and the output.
- (3) Answer whether this procedure terminates in a finite number of steps for any pair of positive integers, and explain why.
- (4) Explain the behavior of this procedure if at least one of the input integers is less than or equal to zero.

計算機のパイプライン処理に関する以下の設問に答えよ. ただしパイプラインは命令フェッチ (IF), レジスタ読み出し (RR), ALU 動作 (ALU), データアクセス (DA), レジスタ書き込み (RW) の5ステージから構成されるとする. また計算機は語のロード (1w) とストア (5w), 加算 (6dd), 分岐 (6beq) の64命令のみを持ち, それぞれのアセンブリ言語としての意味および各ステージで要する処理時間は表10通りとする.

表1:各命令の例および意味と各ステージで要する処理時間(単位 picoseconds)

命令	例	意味	IF	RR	ALU	DA	RW
lw	lw \$s1, 8(\$s2)	\$s1=メモリ[\$s2+8]	200	100	200	200	100
SW	sw \$s1, 12(\$s2)	メモリ[\$s2+12]=\$s1	200	100	200	200	N/A
add	add \$s1, \$s2, \$s3	\$s1=\$s2+\$s3	200	100	200	N/A	100
beq	beq \$s1, \$s2, L1	if (\$s1==\$s2) goto L1	200	100	200	N/A	N/A

設問1 すべての命令が1クロックサイクルを要する単一サイクルの場合と、パイプライン化した場合それぞれにおける、命令間の平均間隔時間を導出せよ.

設問2 パイプライン処理では、次のクロックサイクルで次の命令を実行できないパイプラインハザードの種類として構造ハザード、データハザード、制御ハザードが知られている. それぞれについてハザードの原因を説明せよ.

設問3 図1の命令で生じるハザードを解決する方法として、パイプラインステージ間を結ぶフォワーディングまたはバイパシングと呼ばれる仕組みが知られている。その概要を説明するとともに、パイプラインステージをどのように結べばよいか述べよ。

設問4 図 2 に示す部分的な C 言語のコードから図 3 の命令が生成されたとする. ただし データは全てメモリ上に存在し, \$t0 からのオフセットでアクセスできるとする. 図 3 のコードからハザードを見つけ, パイプラインをストールさせないように並べ替えよ. ただし設問 3 のフォワーディングがパイプラインに備わっていると仮定すること.

add \$s0, \$t0, \$t1 add \$t2, \$s0, \$t3

図 1

A = B + E;C = B + F;

図 2

lw \$t1, 0(\$t0)
lw \$t2, 4(\$t0)
add \$t3, \$t1, \$t2
sw \$t3, 12(\$t0)
lw \$t4, 8(\$t0)
add \$t5, \$t1, \$t4
sw \$t5, 16(\$t0)

図3

Master's S Program

Specialized Subjects

[Computer Science and Electrical and Electronic Engineering]

Question Number

T-5

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Answer the following questions about pipelining for computers. In what follows, the pipeline is assumed to have five stages consisting of instruction fetch (IF), register read (RR), ALU operation (ALU), data access (DA), and register write (RW). The computer is assumed to have only four instructions: load word (lw), store word (sw), add (add), and branch (beq) as shown in Table 1.

Table 1: An example and meaning of each of the four instructions, and the processing time of each of the five stages in picoseconds.

Instruction	Example		Meaning	IF	RR	ALU	DA	RW
lw	lw \$s1, 80	(\$s2)	\$s1=MEMORY[\$s2+8]	200	100	200	200	100
SW	sw \$s1, 12	2(\$s2)	MEMORY[\$s2+12]=\$s1	200	100	200	200	N/A
add	add \$s1, \$	s2, \$s3	\$s1=\$s2+\$s3	200	100	200	N/A	100
beq	beq \$s1, \$	\$s2, L1	if (\$s1==\$s2) goto L1	200	100	200	N/A	N/A

Q.1 Compute the average time between instructions of a single-cycle implementation, in which all instructions take one clock cycle, and that of a pipelined implementation.

Q.2 There are situations in pipelining when the next instruction cannot be executed in the following clock cycle. These events are called hazards, and there are three different types: structural hazards, data hazards, and control hazards. Explain why each of them occurs.

Q.3 The two instructions in Figure 1 cause a hazard. To solve the hazard, a method called forwarding or bypassing that connects pipeline stages is known. Explain this method and show what pipeline stages should be connected.

Q.4 Consider the code segment in C language in Figure 2, and its corresponding instructions in Figure 3, where all variables are in memory and are addressable as offsets from \$\pm\0\$. Find hazards and reorder the instructions to avoid any pipeline stalls. Assume that the forwarding in Q.3 is implemented in the pipeline.

add \$s0, \$t0, \$t1 add \$t2, \$s0, \$t3

Figure 1

A = B + E;C = B + F;

Figure 2

lw \$t1, 0(\$t0)
lw \$t2, 4(\$t0)
add \$t3, \$t1, \$t2
sw \$t3, 12(\$t0)
lw \$t4, 8(\$t0)
add \$t5, \$t1, \$t4
sw \$t5, 16(\$t0)

Figure 3

修士課程 専門科目 【基礎数学】

問題番号 M -1

設問1 下記の問に答えよ.

- (1) 変数変換 $x = r \cos \theta$, $y = r \sin \theta$ のヤコビ行列およびその行列式を求めよ.
- (2) 積分 I の結果を求めよ.

$$I = \iint_D e^{-(x^2 + y^2)} dx dy, \ D = \{ (x, y) \mid x^2 + y^2 \le R \}, \ R > 0$$

(3) (2) の I について,次の極限を求めよ.

$$\lim_{R\to\infty}I$$

(4) 次の等式が成り立つことを示せ.

$$\int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} \, dx = \sqrt{\pi}$$

(5) 次式で定義される x > 0 の関数 $\Gamma(x)$ について, $\Gamma(1/2)$ の値を求めよ.

$$\Gamma(x) = \int_0^\infty t^{x-1} e^{-t} dt$$

設問 2 下記の問に答えよ、ただし、行列 A は次式で与えられる、また、a は実数である、

$$A = \begin{bmatrix} a & 1 \\ 1 & a \end{bmatrix}$$

- (1) 行列 A の固有値と固有ベクトルを求めよ.
- (2) n を正整数とする. A^n を求めよ.

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

- Q.1 Answer the following questions.
 - (1) Find the Jacobi matrix and its determinant of the transformation $x = r \cos \theta$, $y = r \sin \theta$.
 - (2) Evaluate the following integral I.

$$I = \iint_D e^{-(x^2 + y^2)} dx dy, \ D = \{ (x, y) \mid x^2 + y^2 \le R \}, \ R > 0$$

(3) Find the following limit, where I is defined in (2).

$$\lim_{R\to\infty}I$$

(4) Show that

$$\int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} \, dx = \sqrt{\pi}.$$

(5) Find the value of $\Gamma(1/2)$, where $\Gamma(x)$ is a function of x>0 defined by

$$\Gamma(x) = \int_0^\infty t^{x-1} e^{-t} dt.$$

Q.2 A matrix A is given by

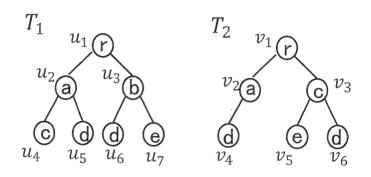
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a & 1 \\ 1 & a \end{bmatrix},$$

where a is a real number. Answer the following questions.

- (1) Find the eigenvalues and eigenvectors of matrix A.
- (2) Let n be a positive integer. Find A^n .

問題は2ページあるので注意すること

下図の T_1 と T_2 は根付き木であり、各頂点にはラベルがついている。 $U=\{u_1,\ldots,u_7\}$ と $V=\{v_1,\ldots,v_6\}$ は、それぞれ T_1 と T_2 の頂点集合であり、 u_1 と v_1 が根である。共通の親を持つ頂点間の順序を区別しない木を無順序木という。頂点の削除、頂点の挿入、ラベルの置換により T_1 を T_2 へ変形する編集操作列を考える。なお、頂点の削除は根以外にのみ定義され、親が v_p である頂点 v を削除すると、v の各子頂点は v_p の子になる。また、ある頂点 v_p の子として v を挿入する時、 v_p の子頂点集合の一部が選ばれ v の子になる。挿入された頂点を根にすることはできない。ラベルの置換は頂点のラベルを変更する。例えば T_1 と T_2 が無順序木の時、 T_1 に対して「 u_4 を削除」、「 u_3 を削除」、「ラベルが v_4 の頂点を v_4 の子の v_4 の親として挿入」により、3回の編集操作で v_4 の変形できる。



設問 1 T_1 と T_2 が無順序木である時、以下の (1) と (2) に答えよ。

- (1) 2回の編集操作で T_1 を T_2 へ変形する過程を、1操作ごとに図示せよ。
- (2) 1回の編集操作だけでは T_1 を T_2 へ変形できない理由を説明せよ。

次に、 $u\in U,v\in V$ であるペア (u,v) の集合で、同じ頂点が重複して現れないものをマッチングと呼ぶ。マッチング M が「祖先と子孫の関係を保存する」とは、任意の (u,v), $(u',v')\in M$ に対し、u が u' の祖先である必要十分条件が、v が v' の祖先であることである。 $(u,v)\in M$ に対し、u と v が同じラベルの時 f(u,v)=2 で、異なるラベルの時 f(u,v)=1 とし、 $W(M)=\sum_{(u,v)\in M}f(u,v)$ と定義する。

設問 2 T_1 と T_2 が無順序木である時、W(M) が最大となる「祖先と子孫の関係」を保存するマッチング M を 1 つ示せ。

次ページへ続く

次に、共通の親を持つ頂点間の順序を区別する木を順序木という。順序木では頂点uとu'が祖先と子孫の関係にない時、uとu'の左右関係が一意に決まる。例えば T_1 の (u_2,u_6) は(左, 右) の関係であり、 (u_3,u_4) は(右, 左) の関係である。

設問3 T_1 と T_2 が順序木である時、W(M)が最大となる「祖先と子孫の関係」を保存するマッチングMを3つ示せ。ただし任意の $(u,v),(u',v')\in M$ に対し、uとu'が祖先と子孫の関係になく、vとv'も祖先と子孫の関係にない時、(u,u')の左右関係と、(v,v')の左右関係は一致するものとする。

設問 4 T_1 と T_2 が順序木である時、4回の編集操作で T_1 を T_2 へ変形する編集操作列を 1 つ選び、変形する過程を 1 操作ごとに図示せよ。ただし、順序木の頂点の削除において、削除された頂点以外の頂点間の左右関係は保存される。同様に順序木の頂点の挿入においても、挿入された頂点以外の頂点間の左右関係は保存される。

設問 5 2つの木の根頂点が必ず対になるマッチングのみを考える。上記と同様に定義される任意の無順序木 T_i,T_j に対し、 T_i を T_j に変形するのに必要な最小の編集操作回数 D と、 T_i,T_j 間のマッチングにおける最大の W(M) の関係を、 $|T_i|$ と $|T_j|$ を用いて等式で示せ。ただし $|T_i|,|T_j|$ はそれぞれ T_i,T_j の頂点数とする。

Master's Spec Program Su

Specialized Subjects

[Basic Mathematics]

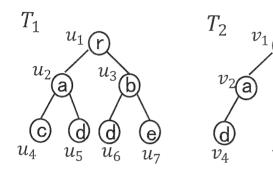
Question Number

M-2

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Note that M-2 is written in two pages.

 T_1 and T_2 in the following figure are rooted trees whose nodes are labeled. $U=\{u_1,\ldots,u_7\}$ and $V=\{v_1,\ldots,v_6\}$ are sets of nodes of T_1 and T_2 , respectively, and u_1 and v_1 are the roots. In unordered trees, the order of nodes that have a common parent node is ignored. We consider edit operation sequences that transform T_1 to T_2 by "deletion of a node," "insertion of a node" and "substitution of a label." Deletion is defined only for non-root nodes. When a node v_1 is deleted, children of v_2 become children of the parent of v_3 . When v_4 is inserted as a child of a node v_4 , some children of v_4 become children of v_4 . The inserted node cannot become the root. Substitution changes the label of a node. For example, when v_4 and v_4 are unordered trees, we can transform v_4 in three edit operations on v_4 that consist of "deletion of v_4 ," "deletion of v_4 ," and "insertion of a node whose label is v_4 as a child of v_4 and as a parent of v_4 ," "deletion of v_4 ."



- Q.1 Suppose that T_1 and T_2 are unordered trees. Answer the following (1) and (2).
 - (1) Draw each operation of a process that transforms T_1 to T_2 in two edit operations.
 - (2) Explain why T_1 cannot be transformed to T_2 in one edit operation.

Next, a set of pairs (u,v) with $u\in U,v\in V$ is called a matching, if a node does not appear multiple times. We say that a matching M preserves the "ancestor-descendant relation" if the following holds. For any $(u,v),(u',v')\in M,u$ is an ancestor of u' if and only if v is an ancestor of v'. For $(u,v)\in M$, when u and v have the same label, we define f(u,v)=2. When the labels are different, we define f(u,v)=1. We define $W(M)=\sum_{(u,v)\in M}f(u,v)$ as the score of M.

Q.2 Suppose that T_1 and T_2 are unordered trees. Show a maximum score matching that preserves the ancestor-descendant relation.

Continued to the next page

In ordered trees, the order of nodes that have a common parent node is considered. For ordered trees, when u and u' are not in the ancestor-descendant relation, the "left-to-right order" between u and u' is uniquely defined. For example, (u_2, u_6) is in (left,right)-order, and (u_3, u_4) is in (right, left)-order.

- Q.3 Suppose that T_1 and T_2 are ordered trees. Show three maximum score matchings that preserve the ancestor-descendant relation under the following conditions. For any (u,v), $(u',v')\in M$, when u and u' are not in the ancestor-descendant relation and v and v' are not in the ancestor-descendant relation, the left-to-right order of (u,u') matches the left-to-right order of (v,v').
- Q.4 Suppose that T_1 and T_2 are ordered trees. Choose one edit operation sequence that transforms T_1 to T_2 in four edit operations, and draw each operation of the transformation process under the following conditions. In a deletion operation on an ordered tree, the left-to-right order is preserved for any node pair except for the deleted node. Similarly, in an insertion operation on an ordered tree, the left-to-right order is preserved for any node pair except for the inserted node.
- Q.5 We consider only the matchings that match the roots of two trees. For arbitrary unordered trees T_i and T_j defined similarly as above, show an equation using $|T_i|$ and $|T_j|$ that describes the relation between the minimum number D of necessary edit operations that transform T_i to T_j and the maximum score W(M) of a matching M between T_i and T_j . Here, $|T_i|$ and $|T_j|$ are the numbers of nodes of T_i and T_j , respectively.

設問 以下の確率密度関数で与えられる確率分布を $D(\alpha, \lambda)$ とする.

$$f(x; \alpha, \lambda) = \begin{cases} \frac{1}{\Gamma(\alpha)} \lambda^{\alpha} x^{\alpha - 1} e^{-\lambda x}, & x > 0\\ 0, & x \le 0 \end{cases}$$
$$(\alpha > 0, \lambda > 0)$$

ただし $\Gamma(\alpha)$ はガンマ関数であり, $\Gamma(\alpha+1)=\alpha\Gamma(\alpha)$, $\Gamma(1)=1$ である. $X_1,...,X_n (n\geq 3)$ を分布 $D(1,\lambda)$ からの無作為標本, $\bar{X}=\frac{1}{n}\sum_{i=1}^n X_i$ を標本平均とする.以下の問いに答えよ. ただし導出過程も示すこと.

- (1) X_i (i=1,...,n) の期待値 $E[X_i]$ および分散 $V[X_i]$ を求めよ.
- (2) $X_1, ..., X_n$ に対する母数 λ の最尤推定量 $\hat{\lambda}$ を求めよ.
- (3) $n\overline{X}$ が分布 $D(n,\lambda)$ に従うことを示せ、ヒント:モーメント母関数を利用できる、なお、確率変数 X のモーメント母関数は $M_X(t)=E[e^{tX}]$ で与えられる.
- (4) $2\lambda n \bar{X}$ が自由度 2n のカイ二乗分布 χ^2_{2n} に従うことを示せ、ただし自由度 k のカイ二 乗分布 χ^2_k は以下の確率密度関数で与えられる.

$$g(x;k) = \begin{cases} \frac{1}{2\Gamma(\frac{k}{2})} \left(\frac{x}{2}\right)^{\frac{k}{2}-1} e^{-\frac{x}{2}}, & x > 0\\ 0, & x \le 0\\ (k = 1, 2, \dots) \end{cases}$$

(5) 分布 χ^2_{2n} の上側 100p パーセント点を $\chi^2_{2n}(p)$ のように表すものとする. 信頼水準(信頼係数)c での母数 λ の信頼区間を, \bar{X} , n, $\chi^2_{2n}(p)$ を用いて表せ. ただし, p には c を用いた数式を適宜入れること.

Question Number M-3

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Q. Let $D(\alpha, \lambda)$ be the probability distribution whose probability density function is

$$f(x; \alpha, \lambda) = \begin{cases} \frac{1}{\Gamma(\alpha)} \lambda^{\alpha} x^{\alpha - 1} e^{-\lambda x}, & x > 0, \\ 0, & x \le 0, \end{cases}$$
$$(\alpha > 0, \lambda > 0),$$

where $\Gamma(\alpha)$ is the gamma function, which satisfies $\Gamma(\alpha+1)=\alpha\Gamma(\alpha)$ and $\Gamma(1)=1$. Suppose that $X_1,...,X_n (n\geq 3)$ are a random sample from the distribution $D(1,\lambda)$ and that $\overline{X}=\frac{1}{n}\sum_{i=1}^n X_i$ is the sample mean. Answer the following questions, showing your work.

- (1) Derive the expectation $E[X_i]$ and variance $V[X_i]$ of X_i (i = 1, ..., n).
- (2) Derive the maximum-likelihood estimator $\hat{\lambda}$ for the parameter λ given $X_1,...,X_n$.
- (3) Show that $n\overline{X}$ follows the distribution $D(n,\lambda)$. Hint: Moment-generating functions can be utilized. Here, the moment-generating function of a random variable X is given by $M_X(t)=E[e^{tX}].$
- (4) Show that $2\lambda n\overline{X}$ follows the chi-squared distribution χ^2_{2n} with 2n degrees of freedom. Here, the chi-squared distribution χ^2_k with k degrees of freedom is given by the following probability density function:

$$g(x;k) = \begin{cases} \frac{1}{2\Gamma(\frac{k}{2})} \left(\frac{x}{2}\right)^{\frac{k}{2}-1} e^{-\frac{x}{2}}, & x > 0, \\ 0, & x \le 0, \\ (k = 1, 2, \dots). \end{cases}$$

(5) Let $\chi^2_{2n}(p)$ be the upper 100p percentile of the distribution χ^2_{2n} . Derive the confidence interval for the parameter λ with a confidence level (confidence coefficient) c. Give your answer using \overline{X} , n, and $\chi^2_{2n}(p)$, where p should be replaced with an appropriate numerical expression using c.

平成 30 年度 10 月期入学 / 平成 31 年度 4 月期入学 京都大学 大学院情報学研究科 修士課程 知能情報学専攻 入学者選抜試験問題 (分野基礎問題)

平成30年8月6日 13:00~14:30

【注意】

- 1. 問題冊子はこの表紙を含めて19枚ある。
- 2. 試験開始の合図があるまで中を見てはいけない。
- 3. 試験開始後、枚数を確認し、落丁または印刷の不鮮明なものがあれば直ちに申し出ること。
- 4. 問題は次ページの志望区分ごとに出題されており、日本語と英語の両方で出題されている。必ず第一志望区分の問題について解答すること。もし自分の志望区分の問題が見つからない場合は直ちに申し出ること。
- 5. 特に指定のない限り、日本語または英語で解答すること。
- 6. 解答用紙に記載されている注意事項についても留意すること。

The Japanese version of this document is the prevailing and authoritative version; the English translation below is provided for reference only

October 2018 Admissions / April 2019 Admissions Entrance Examination for Master's Program Department of Intelligence Science and Technology Graduate School of Informatics, Kyoto University (Area-specific Basic Questions)

> August 6, 2018 13:00 - 14:30

NOTES

- 1. This is the Question Booklet in 19 pages including this front cover.
- 2. Do not open the booklet until you are instructed to start.
- 3. After the exam has started, check the number of pages and notify proctors (professors) immediately if you find missing pages or unclear printings.
- 4. Questions are written in Japanese and English. The questions are classified as listed next page. **Make sure to answer the question in the application group which is your first-choice.** Notify proctors (professors) immediately if the question of your application group is not found.
- 5. Write your answer in Japanese or English, unless otherwise specified.
- 6. Read carefully the notes on the Answer Sheets as well.

志望区分:研究分野

- 知-1: 脳情報学、ブレイン・デコーディング、ブレイン・マシン・インターフェース、脳イメージング、計算論 的神経科学、視覚科学
- 知-2:心理情報学、高次脳機能、認知神経心理、認知的インタフェース、ニューロマーケティング、認知 科学
- 知-3:認知コミュニケーション、認知神経ダイナミクス、コミュニケーション神経情報学、多感覚情報統合、 脳機能計測
- 知一4:計算論的認知神経科学、計算脳科学、意思決定と強化学習、社会知性の脳計算、脳型知能と機械学習、ヒトfMRI 実験と理論
- 知-5:知能計算、知識発見、計算論的学習、機械学習のための最適化
- 知-6:集合知システム、機械学習、データマイニング、ヒューマンコンピュテーション
- 知-7:会話情報学、人工知能、インタラクション、視覚計算、認知的デザイン
- 知-8:言語メディア、言語情報処理、言語解析、言語生成、機械翻訳、情報検索
- 知-9:音声メディア、音声認識・理解、音楽情報処理、会話ロボット、統計的信号処理・パターン認識
- 知-10:画像メディア、視覚情報処理、コンピュータ・ビジョン
- 知-11:映像メディア、大規模映像データ処理、人物行動理解、実世界環境計測・認識
- 知-12:ネットワークメディア、インターネット、情報セキュリティ、アルゴリズム、計算複雑性
- 知-13:メディアアーカイブ、言語理解、言語生成、言語知識獲得、思考・認識の言語化、シンボルグラウンディング
- 知-14:バイオ情報ネットワーク、バイオインフォマティクス、数理生物情報学、複雑ネットワーク

The Japanese version of this document is the prevailing and authoritative version; the English translation below is provided for reference only

Application Groups: Research Fields

- IST-1: Neuroinformatics, Brain Decoding, Brain-Machine Interface, Brain Imaging, Computational Neuroscience, Vision Science
- IST-2: Psychoinformatics, Higher Brain Function, Cognitive Neuropsychology, Cognitive Interface, Neuromarketing, Cognitive Science
- IST-3: Cognitive Communication, Cognitive Neural Dynamics, Neural Informatics for Communication, Multimodal Information Integration, Functional Brain Measurements
- IST-4: Computational Cognitive Neuroscience, Cognitive Neuroscience, Decision Making and Reinforcement Learning, Neurocomputational Mechanism of Social Functions, Brain-based Intelligence and Machine Learning, Human fMRI Experiments with Quantitative Methods
- IST-5: Computational Intelligence, Knowledge Discovery, Computational Learning Theory, Optimization for Machine Learning
- IST-6: Collective Intelligence, Machine Learning, Data Mining, Human Computation
- IST-7: Conversational Informatics, Artificial Intelligence, Interaction, Visual Computation, Cognitive Design
- IST-8: Language Media Processing, Language Information Processing, Language Analysis, Language Synthesis, Machine Translation, Information Retrieval
- IST-9: Speech and Audio Processing, Speech Recognition and Understanding, Music Information Processing, Human Robot Interaction, Statistical Signal Processing and Pattern Recognition
- IST-10: Visual Information Processing, Image Media, Computer Vision
- IST-11: Video Media, Human Behavior Analysis, 3D Modeling, Real-world Computing
- IST-12: Network Media, the Internet, Information Security, Algorithm, Computational Complexity
- IST-13: Media Archiving Research, Language Understanding, Language Generation, Language Knowledge Acquisition, Verbalizing for Thought and Understanding, Symbol Grounding
- IST-14: Biological Information Networks, Bioinformatics, Mathematical and Computational Biology, Complex Networks

分野基礎問題

問題番号

知一1

設問 深層ニューラルネットワークにおける学習と脳神経系における学習の類似点と 相違点について議論せよ。

> Master's Program

Area-Specific Basic Questions

Question Number

IST-1

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Q. Discuss the similarities and differences between the learning in deep neural networks and the learning in the nervous system.

分野基礎問題

問題番号

知一2

設問 人間の前頭葉の機能について、代表的な心理実験やその結果を紹介しながら説明 せよ。必要に応じて図を用いても良い。

Master's Program

Area-Specific Basic Questions Question Number

IST-2

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Q. Explain frontal lobe functions of the human brain by describing representative psychological experiments and their results. Use figures, if necessary.

分野基礎問題

問題番号

知一3

以下の設問に答えよ. 必要であれば図を用いてもよい.

設問1 EEGと MEG の計測原理を述べよ.

設問2 EEGと MEG の信号源推定における問題点を述べよ.

Master's Program Area-Specific Basic Questions Question Number

IST-3

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Answer the following questions. You may use figures if necessary.

- Q.1 Describe the measurement principles of EEG and MEG.
- Q.2 Describe the problems in source estimation in EEG and MEG.

問題番号 知一4

設問 本問題冊子の中の問題番号「知-1」、「知-2」、「知-3」から、1つを選び、解答せよ。その際、解答用紙の問題番号欄には「知-4」と記載すること。

Master's Program Area-Specific Basic Questions

Question Number

IST-4

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Q. Choose and answer one out of the three questions, IST-1, IST-2, and IST-3, in this booklet. When doing so, write "IST-4" in the "Question Number" field of your answer sheet.

問題番号知

知 - 5

設問 1 空でない 2 つの頂点の有限集合 V, W ($V \cap W = \emptyset$) と辺の集合 $E \subseteq V \times W$ からなる二部グラフ G = (V, W, E) を考える. 頂点の部分集合 $A \subseteq V$ と $B \subseteq W$ に対して,

 $f(A) = \{w \in W \mid$ すべての $v \in A$ に対して $(v, w) \in E\}$,

 $g(B) = \{v \in V \mid$ すべての $w \in B$ に対して $(v, w) \in E\}$

と定義する. このとき以下の小問に解答せよ.

- 1. 任意の $A_1, A_2 \subseteq V$ に対して, $A_1 \subseteq A_2$ ならば $f(A_2) \subseteq f(A_1)$ を証明せよ.
- 2. 任意の $A \subset V$ に対して, $A \subseteq g(f(A))$ を証明せよ.
- 3. 任意の $A \subset V$ に対して, f(A) = f(g(f(A))) を証明せよ.

設問2 以下の小問に解答せよ.

- 1. 記号 a, b からなる空列を含む有限列全体の集合を Σ^* とするとき, Σ^* は可算集合である ことを示せ. さらに集合 S を Σ^* の部分集合とするとき, S が帰納的に可算な集合であることと帰納的な集合であることの違いを説明せよ.
- 2. 実数の n 次元ベクトル (n は正整数) であるようなデータの有限集合 D が与えられたとき、D を階層的にクラスタリングする方法を説明せよ.

Master's Program Area-Specific Basic Questions

Question	
Number	

IST - 5

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Q.1 Let G = (V, W, E) be a bipartite graph, where V and W be two disjoint non-empty sets of vertices and $E \subseteq V \times W$ be a set of edges. For every subset $A \subseteq V$ and every subset $B \subseteq W$, we define

$$f(A) = \{w \in W \mid (v, w) \in E \text{ for all } v \in A\}, \text{ and}$$

$$g(B) = \{v \in V \mid (v, w) \in E \text{ for all } w \in B\}.$$

Answer the following questions.

- 1. Prove that, for any subsets A_1 and $A_2 \subseteq V$, $f(A_2) \subseteq f(A_1)$ if $A_1 \subseteq A_2$.
- 2. Prove that $A \subseteq g(f(A))$ for any subset $A \subseteq V$.
- 3. Prove that f(A) = f(g(f(A))) for any subset $A \subseteq V$.
- Q.2 Answer the following questions.
 - 1. Let Σ^* be the set of all finite sequences consisting of symbols a and b, including an empty sequence. Show that Σ^* is a countable set. For a subset $S \subseteq \Sigma^*$, explain the difference of the following two cases:
 - \bullet S is a recursively enumerable set, and
 - \bullet S is a recursive set.
 - 2. Assume a finite set D consisting of vectors in \mathbb{R}^n , where \mathbb{R} is the set of real numbers and n is a positive integer. Explain how to hierarchically cluster the data in D?

分野基礎問題

問題番号

知-6

n個のアイテム $\{1,2,...,n\}$ がある。各アイテム $i \in \{1,2,...,n\}$ は実数値をとるパラメータ θ_i をもつとする。2 つのアイテムiとjを比較したときに、アイテムiが選択される確率 p_{ij} は以下で与えられるとする:

$$p_{ij} = \frac{\exp(\theta_i)}{\exp(\theta_i) + \exp(\theta_i)}$$

いま、アイテムiとjの様々な組み合わせにおいて、複数回の比較を行ったとする。アイテムiとjの比較においてアイテムiが選択された回数を c_{ij} とする。なお、それぞれの比較は互いに独立であるとする。

設問 1 パラメータ θ_1 , θ_2 ,..., θ_n を最尤推定によって求めることを考える。その対数尤度関数を書け。

設問 2 n=3, $c_{12}=1$, $c_{21}=3$, $c_{23}=2$, $c_{32}=4$ とする。また、 $\theta_2=0$ とわかっているものとする。このとき、 θ_1 , θ_3 の最尤推定値を求めよ。

設問3 比較結果がひとつずつ逐次的に得られる場合のパラメータ推定法について具体的に説明せよ。

設問 4 このモデルにはどのような実世界応用が考えられるか。アイテムやそのパラメータがそれぞれ何を表すか、比較の基準などにもふれながら具体的に答えよ。

Master's Program Area-Specific Basic Questions Question Number

IST-6

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Suppose we have n items $\{1,2,...,n\}$, where item $i \in \{1,2,...,n\}$ has a real-valued parameter θ_i . When two items i and j are compared, item i is selected with probability p_{ij} that is defined as

$$p_{ij} = \frac{\exp(\theta_i)}{\exp(\theta_i) + \exp(\theta_j)}.$$

Suppose we made comparisons for different pairs of items i and j. c_{ij} denotes the number of times item i was selected in the comparisons between items i and j. We assume the comparisons are independent of each other.

- Q.1 Give the log-likelihood function for parameters $\theta_1, \theta_2, ..., \theta_n$.
- Q.2 Give the maximum likelihood estimates of θ_1 and θ_3 when n=3, $c_{12}=1$, $c_{21}=3$, $c_{23}=2$, $c_{32}=4$, and $\theta_2=0$.
- Q.3 Explain how to estimate the parameters when the comparison results are sequentially given one by one.
- Q.4 Give a real-world application of the model. The answer must include concrete definitions of what the items and the parameters indicate and what the criterion of the comparisons is.

修士課程 分野基礎問題

問題番号

知-7

設問 不確実な状況で適切な行動ができる知能システムの設計法について、具体的な 例を用いて説明しなさい.

Master's Program Area-Specific Basic Questions Question Number IST-7

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Q. Explain how we can design an intelligent system that can exhibit proper behaviors under uncertainty, using a concrete example.

問題番号 知一8

設問 以下の用語をそれぞれ 150 字程度で説明せよ(英語で解答する場合は 100 語程度で説明せよ).

- 1. 文脈自由文法
- 2. CKY 法
- 3. ビタビアルゴリズム
- 4. k-平均法
- 5. ベクトル空間モデル

Master's	Area-Specific	Question	IST — 8
Program	Basic Questions	Number	

- Q. Explain each of the following terms in about 150 Japanese characters or about 100 English words.
 - 1. Context free grammar
 - 2. CKY algorithm
 - 3. Viterbi algorithm
 - 4. k-means clustering
 - 5. Vector space model

分野基礎問題

問題番号

知-9

音声メディア(音声や音楽など)の処理において、時系列のモデル化が重要な課題である。以下の問いに答えよ。

- 設問1 音声メディアをマルコフモデルに基づいてモデル化する方法を述べよ。信号レベルのモデル化(音響モデル)と記号レベルのモデル化(言語モデル)の各々について説明すること。
- 設問2 音声メディアを再帰型ニューラルネットワークに基づいてモデル化する方法を 述べよ。

設問3 設問1のアプローチと設問2のアプローチを比較して、得失を述べよ。

Master's Program Area-Specific Basic Questions

Question Number

IST-9

Question is translated in English in the section below; this translation is given for reference only.

Time-sequential modeling is an important problem in speech and audio (including music) processing. Answer the following questions.

- Q.1 Describe methods for modeling speech and/or audio based on Markov models. Explain signal-level modeling (acoustic modeling) and symbol-level modeling (language modeling).
- Q.2 Describe methods for modeling speech and/or audio based on recurrent neural networks.
- Q.3 Compare the approaches in Q.1 and Q.2, and describe their advantages and disadvantages.

問題番号

知 - 10

設問 1 カメラや光源等の光学機器を用いて物体を撮像した一枚あるいは複数枚の画像から、以下の(1)と(2)それぞれを推定する手法を2つずつ(合計4つ)説明せよ.説明に当たっては、数式と図を用い、撮像法および仮定を明示したうえで、その原理と手順を書き、それぞれの手法の長所と短所を比較せよ.それぞれの手法に広く認知されている名前がある場合はそれを明記すること.

- (1) 物体の幾何形状
- (2) 物体の種別

設問 2 設問 1 の (1) あるいは (2) を推定する際において未解決の問題を挙げ、解決法を提案せよ.

Master's	Area-Specific	Question	IST — 10
Program	Basic Questions	Number	

- Q.1 Explain two methods to estimate each of the following two quantities of an object (i.e., four methods in total) from one or more images captured with optical instruments including cameras and light sources. By using appropriate equations and figures, the explanations should clarify the image capture process and the underlying assumptions of each method, and must layout the algorithmic procedures and their theoretical underpinnings. For each quantity, also discuss and compare the advantages and disadvantages of the two methods. If there are widely accepted names given to the methods you discuss, explicitly mention them.
 - (1) 3D geometry of an object
 - (2) Object category
- Q.2 Explain unsolved problems when estimating either of the two quantities listed in Q.1 and propose possible solutions.

問題番号 知一11

設問 以下の4つの項目すべてについて図と数式を用いて説明せよ.

- (1) サポートベクトルマシン
- (2) 多クラス識別のためのニューラルネットワークとその学習方法
- (3) ハフ変換による直線検出
- (4) 周波数領域での画像復元

Master's	Area-Specific	Question	IST — 11
Program	Basic Questions	Number	

- Q. Explain the following four items by using figures and mathematical expressions.
- (1) Support vector machine
- (2) Neural network for multi-class classification and its learning method
- (3) Line detection by Hough transform
- (4) Image restoration in frequency domain

問題番号 知一12

設問1 以下の各用語について簡潔に説明せよ。

- (1) IPv6 (IP version 6)
- (2) UTP (Unshielded Twisted Pair)
- (3) 輻輳制御 (congestion control)
- (4) BGP (Border Gateway Protocol)

設問2 TCP/IPにおけるトランスポート層のプロトコルについて以下の各間に答えよ。

- (1) TCP と UDP の違いを述べよ。
- (2) UDP が用いられるアプリケーション層プロトコルを一つ挙げ、そのプロトコルの実装においては UDP が TCP より優れている理由を説明せよ。

Master's Program Area-Specific Basic Questions

Question Number IST-12

- Q.1 Explain each of the following terms briefly.
- (1) IPv6 (IP version 6)
- (2) UTP (Unshielded Twisted Pair)
- (3) Congestion control
- (4) BGP (Border Gateway Protocol)
- Q.2 Answer the following questions on transport layer protocols in TCP/IP.
- (1) Explain the difference of TCP and UDP.
- (2) Show an application layer protocol that utilizes UDP, and explain why UDP is better than TCP for implementing the protocol.

問題番号 知 — 13

設問 以下の自然言語処理の各課題に対して、入力と出力を例示し、機械学習に基づく解 法とその評価尺度を述べよ。

- (1) 品詞推定
- (2) 固有表現認識
- (3) 係り受け解析

$egin{aligned} ext{Master's} \ ext{Program} \end{aligned}$	Area-Specific Basic Questions	Question Number	IST - 13
		<u> </u>	Annual Control of the

- Q. For each of the following tasks of natural language processing, give examples of the input and the output, then describe a solution based on machine learning and its evaluation measure.
 - (1) Part-of-speech tagging
 - (2) Named entity recognition
 - (3) Dependency analysis

問題番号 知一14

設問1 バイオインフォマティクスにおいては様々な数理モデルが利用される. その中から2種類をあげ、それぞれについてモデルの概要、および、そのモデルが利用されるタスクの概要を説明せよ.

設問2 上で説明したタスクのそれぞれについて、そのモデルを用いることの利点と欠点を述べ、欠点を克服するための方策について議論せよ.

Master's Program

Area-Specific Basic Questions

Question Number

IST — 14

- Q.1 In bioinformatics, various mathematical models are utilized. Describe two of these models. In addition, for each of these two models, describe a task for which the model is utilized.
- Q.2 For each of the two tasks you answered in Q.1, discuss the advantage(s) and disadvantage(s) of the corresponding model and how to overcome the disadvantage(s).